



**UNIVERSITY OF NORTH BENGAL**  
B.Sc. Programme 6th Semester Examination, 2023

**DSE1/2/3-P2-PHYSICS**

Time Allotted: 2 Hours

Full Marks: 40

**The question paper contains Section-A and Section-B. Candidates are required to answer any *one* section from the *two* sections and they should mention it clearly on the Answer Book.**

**SECTION-A**

**SOLID STATE PHYSICS**

**GROUP-A / বিভাগ-ক / समूह-क**

1. Answer any *five* questions from the following:  $1 \times 5 = 5$ 

নিম্নলিখিত যে-কোন পাঁচটি প্রশ্নের উত্তর দাওঃ  
তলকা কুনৈ পাঁচ প্রশ্নহৰ্কো উত্তর লেখ্জনুহোস।

  - (a) What is a unit cell?  
একক সেল কাকে বলে ?  
Unit cell কে হো ?
  - (b) What do you mean by Curie temperature?  
'কুরি তাপমাত্রা' বলতে কি বোঝা ?  
Curie temperature কে হো ?
  - (c) Find the number of lattice points in the cubic cell of F.C.C.-lattice.  
F.C.C কেলাসের একটি ঘনকাকার কোষে ল্যাটিস বিন্দুর সংখ্যা নির্ণয় কর।  
এত্তা F.C.C. lattice কো এত্তা cubic cell পিত্র lattice points কো সংখ্যা খোজনুহোস।
  - (d) A pure semiconductor behaves as an insulator at
 

(i) 273 K	(ii) – 273°C	(iii) 373 K	(iv) None
-----------	--------------	-------------	-----------

 একটি বিশুদ্ধ অর্ধপরিবাহী অণ্টরকের মত ব্যবহার করবে যে তাপমাত্রায় তা হল
 

(i) 273 K	(ii) – 273°C	(iii) 373 K	(iv) কোনটাই নয়
-----------	--------------	-------------	-----------------

 এত্তা চৌখো semiconductor লে insulator জস্তো ব্যবহার গৰ্ষ, কুন তাপক্রমসা ?
 

(i) 273 K	(ii) – 273°C	(iii) 373 K	(iv) কুনৈ হোইন
-----------	--------------	-------------	----------------
  - (e) Draw the planes for Miller indices (100).  
মিলার সূচক (100) এমন কৃষ্ণালতল অঙ্কন কর।  
Miller indices(100) কো plane হৰ্ক হো চিত্ৰ কোৰ্নুহোস।

(f) What is Meissner effect?

মেইসনার এফেক্ট কি ?

Meissner effect কে হো ?

(g) What are the basic causes of Paramagnetism?

পরাচোম্বকত্ত্বের মূল কারণগুলি কি কি ?

Paramagnetism কা প্রমুখ কারণহস্ত কে হুন ?

(h) Define Packing fraction.

প্যাকিং ফ্র্যাকশনের সংজ্ঞা দাও।

Packing fraction কে হো ?

### GROUP-B / বিভাগ-খ / সমূহ-খ

**Answer any three questions from the following**

$5 \times 3 = 15$

নিম্নলিখিত যে-কোন তিনটি প্রশ্নের উত্তর দাও

তলকা কৃনৈ তীন প্রশ্নহস্তকো উত্তর লেজনুহোস

2. Derive Curie's law of Paramagnetism from Langevin's theory. 5

ল্যাঙ্গেভিন তত্ত্ব থেকে পরাচোম্বকত্ত্ব সংক্রান্ত কুরির সূত্রটি নির্ণয় কর।

Langevin কো সিদ্ধান্ত দেখি Curie কো Paramagnetism কো নিয়ম খোজনুহোস।

3. What is Mobility? Establish a relation between Conductivity and Mobility in an extrinsic semiconductor containing both electrons and holes. 2+3

গতিশীলতা বলতে কি বোঝা ? ইলেকট্রন ও হোল ধারণকারী একটি অশুদ্ধ অর্ধপরিবাহীর পরিবাহীতা ও গতিশীলতার মধ্যে সম্পর্ক স্থাপন কর।

Mobility কে হো ? Electron অনি holes দুবৈ ভেক্টর এতটা extrinsic semiconductor মা Conductivity অনি Mobility মাঝকাৰ সম্বন্ধ খোজনুহোস।

4. Define Geometrical structure factor. Obtain an expression for the scattering amplitude in terms of Geometrical structure factor. 2+3

জ্যামিতিক গঠন ফ্যাক্টরের সংজ্ঞা দাও। জ্যামিতিক গঠন ফ্যাক্টরের পরিপ্রেক্ষিতে বিক্ষেপণ অ্যাম্প্লিটুডের রাশিমালা নির্ণয় কর।

Geometrical structure factor কে হো ? Geometrical structure factor কো সন্দর্ভমা scattering amplitude সমীকৰণ খোজনুহোস।

5. What is phonon? Derive an expression for the momentum and energy of phonon. 1+4

ফোনন কি ? ফোননের ভরবেগ ও শক্তিৰ রাশিমালা নির্ণয় কর।

Phonon কে হো ? এতটা Phonon কো momentum অনি উজ্জ্বল বাক্যাংশ খোজনুহোস।

6. Draw and discuss B-H curve. Explain hysteresis and energy loss in terms of B-H curve. 3+1+1

B-H কাৰ্ড অঙ্কন কৰ এবং আলোচনা কৰ। B-H কাৰ্ডেৰ পরিপ্রেক্ষিতে হিস্টোরিসিস ও শক্তিক্ষয় ব্যাখ্যা কৰ।

B-H curve कोई वर्णन गर्नुहोस । B-H curve को सन्दर्भमा hysteresis अनि energy loss को वर्णन गर्नुहोस ।

### GROUP-C / विभाग-ग / समूह-ग

**Answer any two questions from the following**

$10 \times 2 = 20$

निम्नलिखित ये-कोन दुटि प्रश्नेर उत्तर दाओ  
तलका कुनै दुई प्रश्नहरूको उत्तर लेख्नुहोस

7. (a) What do you mean by dielectric polarisation and dipole moment? 2

पराईद्युतिक मेरकरण ओ द्विमेरु आमक बलते कि बोध ?

Dielectric polarisation अनि dipole moment भन्नाले के बुझिन्छ ?

- (b) Explain how the dielectric constant of a ferroelectric crystal varies with temperature. Name two ferroelectric materials. What are the applications of ferroelectric materials? 3+2+3

फेरोइलेस्ट्रिक केलासेर पराईद्युतिक ध्रुवक तापमात्रार सँगे किभाबे परिवर्तित हय बाख्या कर ।  
दुटि फेरोइलेस्ट्रिक पदार्थेर नाम कर । फेरोइलेस्ट्रिक पदार्थेर प्रयोगगुलि कि कि ?

एउटा ferroelectric crystal को dielectric constant तापक्रमसित कसरी बदलिन्छ, वर्णन गर्नुहोस । कुनै दुई ferroelectric पदार्थहरूको नाम दिनुहोस । Ferroelectric पदार्थहरूको उपयोग के के छन् ?

8. (a) What is the Hall coefficient? Show that for a p-type semiconductor the Hall coefficient  $R_H$  is given by  $R_H = \frac{1}{pe}$ . 1+3

‘हल’ गुणाक राके बले ? देखाओ ये p-टाइप अर्धपरिवाहीर जन्य हल गुणाक हल  $R_H = \frac{1}{pe}$

Hall coefficient के हो ? एउटा p-type semiconductor को निम्ति Hall coefficient  $R_H = \frac{1}{pe}$  ले दिन्छ भनी प्रमाणित गर्नुहोस ।

- (b) What are Brillouin zones? 2

ब्रिल्यूँज जोन काके बले ?

Brillouin zone के हुन् ?

- (c) Define Debye's  $T^3$ -law. Discuss the limitations of Debye-model. 1+3

डिबाई-एर  $T^3$  सूत्रिर संज्ञा दाओ । डिबाई मडेलेर सीमाबद्धता आलोचना कर ।

Debye को  $T^3$  नियम बताउनुहोस । Debye model को सीमा बताउनुहोस ।

9. (a) What are superconductors? 1

अतिपरिवाही काके बले ?

Superconductors के हुन् ?

- (b) Derive London equation and define penetration depth. 3+1

लन्डन समीकरण निर्णय कर एवं पेनिट्रेशन गभीरतार संज्ञा दाओ ।

London को समीकरण खोज्दै penetration depth को परिभाषा दिनुहोस ।

- (c) Derive the acoustical and optical mode of vibration for one dimensional diatomic lattice. 5

একমাত্রিক দ্বি-পরমাণুক ল্যাটিসের ধ্বনি সংক্রান্ত এবং আলোক সংক্রান্ত কম্পনের দশা নির্ণয় কর।

এক আয়ামীক diatomic lattice কো নিম্নি acoustical and optical mode কো কম্পনকো সমীকরণ খোজ্নুহোস।

- 10.(a) What do you mean by lattice and basis? 2

ল্যাটিস ও বেসিস বলতে কি বোঝা ?

Lattice অনি basis ভন্নালে কে বৃঞ্জিন্ত ?

- (b) Calculate the radius of SC, BCC and FCC lattice structures. 5

SC, BCC এবং FCC ল্যাটিসের ব্যাসার্ধের মান নির্ণয় কর।

SC, BCC অনি FCC lattice structure কো অর্ধব্যাস খোজ্নুহোস।

- (c) Calculate the interplanar spacing for a (321) plane in a simple cubic crystal whose lattice constant is  $4.2 \times 10^{-10}$  m. 3

একটি সরল ঘনকাকার কেলাস যার ল্যাটিস ধৰ্বকের মান  $4.2 \times 10^{-10}$  m তার (321) তলের আন্তঃস্তল ব্যবধানের মান নির্ণয় কর।

এতটা  $4.2 \times 10^{-10}$  m lattice constant ভएকো সাধারণ বর্গকার crystal কো (321) plane মাঝকো interplanar spacing কো মান খোজ্নুহোস।

## SECTION-B

### QUANTUM MECHANICS

#### GROUP-A / বিভাগ-ক / সমূহ-ক

1. Answer any *five* questions from the following: 1×5 = 5

নিম্নলিখিত যে-কোন পাঁচটি প্রশ্নের উভয় দাওঃ

কুনৈ পাঁচ প্রশ্নহৰ্সকো উত্তর লেখ্নুহোস।

- (a) Is (i)  $\psi = ax^2$  and (ii)  $\psi = \frac{a}{x} e^{ikx}$  are acceptable wave functions?

(i)  $\psi = ax^2$  এবং (ii)  $\psi = \frac{a}{x} e^{ikx}$  এই তরঙ্গ অপেক্ষক দুটি কি গ্ৰহণযোগ্য ?

কে (i)  $\psi = ax^2$  অনি (ii)  $\psi = \frac{a}{x} e^{ikx}$  স্বীকাৰ্য wave function হুন ?

- (b) Find whether the operators  $\hat{A} = 3x^2$  and  $\hat{B} = \frac{d}{dx}$  commute or not? Why?

উল্লেখিত অপারেটোৱ দুটি  $\hat{A} = 3x^2$  এবং  $\hat{B} = \frac{d}{dx}$  পৰম্পৱেৱ সঙ্গে কমিউট কৱে কি ? কাৱণ দৰ্শাও।

দুই operators  $\hat{A} = 3x^2$  অনি  $\hat{B} = \frac{d}{dx}$  commute গৰ্ত কী গৰ্দেন ভনী খোজ্নুহোস ? কিন ?

- (c) The eigenfunction corresponding to the operator  $\hat{A} = \frac{d^2}{dx^2}$  is  $\psi = ae^{-2x}$ . Find the eigenvalue.

$\hat{A} = \frac{d^2}{dx^2}$  অপারেটরটির সংশ্লিষ্ট আইগেন অপেক্ষকটি হল  $\psi = ae^{-2x}$ । আইগেন মানটি নির্ণয় কর।

এতো operator  $\hat{A} = \frac{d^2}{dx^2}$  কো eigenfunction  $\psi = ae^{-2x}$  ভে ত্যসকো eigenvalue খোজনুহোস।

- (d) What is the energy of a 1-D harmonic oscillator for its  $n$ -th quantum state?

একটি একমাত্রিক সরল দোলকের  $n$ -তম কোয়ান্টাম স্তরের শক্তি কত ?

$n$ -th quantum state মা 1-D harmonic oscillator কো উর্জা কতি হুন্ত ?

- (e) Define probability current density.

সম্ভাব্যতা প্রবাহ ঘনত্বের সংজ্ঞা দাও।

Probability current density পরিভাষিত গর্নুহোস।

- (f) What is Larmor precession?

লার্মার প্রিশেসন বলতে কী বোঝায় ?

Larmor কো precession কে হো ?

- (g) Find the value of  $L, S, J$  for the atomic state  $2S_{1/2}$ .

$2S_{1/2}$  পারমাণবিক অবস্থার জন্য  $L, S, J$ -এর মান নির্ণয় কর।

এতো  $2S_{1/2}$  atomic state কো নিম্নি  $L, S, J$  কো মান খোজনুহোস।

- (h) What is the degeneracy of  $n$ -th state of Hydrogen atom?

হাইড্রোজেন পরমাণুর  $n$ -তম স্তরের ডিজেনারেসি কত ?

Hydrogen অণুকো  $n$ -th state কো degeneracy কে হো ?

### GROUP-B / বিভাগ-খ / সমূহ-খ

Answer any *three* questions from the following

$5 \times 3 = 15$

নিম্নলিখিত যে-কোন তিনটি প্রশ্নের উত্তর দাও

তলকা কুনৈ তীন প্রশ্নহস্তকো উত্তর লেখনুহোস

2. (a) What do you mean by normalisation of wave function? 2

তরঙ্গ অপেক্ষকের নরমালাইজেশন বলতে কী বোঝ ?

এতো wave function কো normalisation ভন্নালে কে বুঝিন্ত ?

- (b) Normalise the following wave function 3

$$\begin{aligned}\psi(x) &= A \sin\left(\frac{\pi x}{a}\right), \quad 0 < x < a \\ &= 0 \quad , \text{ outside}\end{aligned}$$

নিম্নলিখিত তরঙ্গ অপেক্ষকটিকে নর্মালাইজ কর।

$$\begin{aligned}\psi(x) &= A \sin\left(\frac{\pi x}{a}\right), \quad 0 < x < a \\ &= 0 \quad , \text{ এর বাইরে}\end{aligned}$$

दिइएको wave function लाई normalise गर्नुहोस

$$\psi(x) = A \sin\left(\frac{\pi x}{a}\right), \quad 0 < x < a \\ = 0 \quad , \text{ outside}$$

3. (a) What is a Hermitian operator? Prove that every eigenvalue of a Hermitian operator is real.

हारमिशियान अपारेटर बलते की बोझाय ? प्रमाण कर ये एकटि हारमिशियान अपारेटरेर प्रत्येकटि आइगेनमान वास्तव हय।

Hermitian operator के हो ? Hermitian operator को उर्जाको eigenvalue वास्तविक हुन्छ भनी प्रमाणित गर्नुहोस्।

- (b) Show that two eigen functions of a Hermitian operator belonging to different eigen values are orthogonal.

प्रमाण कर ये हारमिशियान अपारेटरेर भिन्न आइगेनमान सम्पन्न दुष्टि आइगेन अपेक्षक परम्परेर सँगे अर्थोगोनाल हय।

एउटा Hermitian operator को विभिन्न eigen values सित सम्बन्धित दुई eigen function हस्त orthogonal हुन्छ भनी देखाउनुहोस्।

4. A particle of energy  $E < V_0$  is incident from the left on the potential step of the form

$$V = \begin{cases} 0 & \text{for } x < 0 \\ V_0 & \text{for } x > 0 \end{cases}$$

Obtain an expression for the transmission coefficient.

$E < V_0$  शक्तिर एकटि कण बामदिक थेके आगत हये निम्नलिखित Potential step-एर ऊपर आपत्ति हल।

$$V = \begin{cases} 0 & \text{यस्त } x < 0 \\ V_0 & \text{यस्त } x > 0 \end{cases}$$

निःसरण गुणाक्षेर राशिमाला निर्णय कर।

एउटा  $E < V_0$  उर्जा भएको कण एउटा potential step को दैर्घ्येत्रि ठोकिन्छ, जहाँ

$$V = \begin{cases} 0 & \text{for } x < 0 \\ V_0 & \text{for } x > 0 \end{cases}$$

Transmission coefficient को expression खोज्नुहोस्।

5. (a) State Pauli's exclusion principle.

पाउलिर अपबर्जन नीति बर्णना कर।

Pauli को exclusion को सिद्धान्त बताउनुहोस्।

- (b) Explain how Pauli's exclusion principle assists in the interpretation of the periodic table.

पिरिओडिक टेबिल ब्याख्या करते पाउलिर अपबर्जन नीति कीभाबे साहाय्य करे ता ब्याख्या कर।

Periodic table को व्याख्या गर्नुमा Pauli को exclusion principle ले कसरी सहयोग गर्छ ? वर्णन गर्नुहोस्।

6. Using quantum theory, explain normal Zeeman effect.

5

কোয়ান্টাম তত্ত্ব প্রয়োগে নর্মাল Zeeman effect বাখ্য কর।

Quantum theory কো সহযোগলৈ normal Zeeman effect কো বৰ্ণন গৰ্নুহোস।

### GROUP-C / বিভাগ-গ / समूह-ग

**Answer any two questions from the following**

10×2=20

নিম্নলিখিত যে-কোন দুটি প্রশ্নের উত্তর দাও  
তলকা কুনৈ দুই প্রশ্নহৰুকো উত্তর লেখনুহোস

7. (a) What is position-momentum uncertainty principle? Write down one application of it.

2+1

অবস্থান ভৱবেগের অনিশ্চয়তার তত্ত্বটি কী ? এৰ একটি প্রয়োগ সম্পর্কে লেখ।

Position-momentum uncertainty principle কে হো ? যসকো কুনৈ এতটা উপযোগ বৰাউনুহোস।

- (b) If  $\hat{x}$  and  $\hat{p}$  are position and momentum operators, show that  $[\hat{x}, \hat{p}^2] = 2i\hbar\hat{p}$ .

4

যদি  $\hat{x}$  ও  $\hat{p}$  যথাক্রমে অবস্থান ও ভৱবেগের অপারেটোৱ হয়, দেখাও যে  $[\hat{x}, \hat{p}^2] = 2i\hbar\hat{p}$ ।

$\hat{x}$  অনি  $\hat{p}$  যদি position অনি momentum operator ভাই  $[\hat{x}, \hat{p}^2] = 2i\hbar\hat{p}$  হুন্ত ভনী দেখাউনুহোস।

- (c) A beam of identical particles going in the  $x$ -direction is represented by the wave function  $\psi(x, t) = Ae^{i/\hbar(Px-Et)}$ . Calculate the probability current density.

3

$x$  বৰাবৰ অভিন্ন কণাসমূহের একটি বিম যাবা কৰছে যাকে নিম্নলিখিত তরঙ্গ অপেক্ষক দ্বাৰা প্ৰকাশ কৰা যায়  $\psi(x, t) = Ae^{i/\hbar(Px-Et)}$ । এৰ সম্ভাব্যতা প্ৰবাহ ঘনত্ব নিৰ্ণয় কৰ।

এতটা  $x$ -direction তর্ফ গড়হৰেকো beam লাঈ  $\psi(x, t) = Ae^{i/\hbar(Px-Et)}$  wave function লৈ বৃঞ্জাউন সকিন্ত। ত্যসকো probability current density খোজনুহোস।

8. (a) Derive the expression for the normalised wave functions of a particle confined in a one dimensional box.

4

একটি একমাত্ৰিক বাক্সের মধ্যে আবদ্ধ কণাৰ নর্মালাইজড তরঙ্গ অপেক্ষকেৰ রাশিমালা নিৰ্ণয় কৰ।

এতটা এক আয়ামিক বাক্সস্পিৰ সিমিত ভাইকো কণকো normalised wave function কো সমীকৰণ খোজনুহোস।

- (b) Find the probability that a particle in one dimensional box of length  $L$  can be found between  $0.4 L$  and  $0.6 L$  (i) for the ground state, (ii) for the first excited state, (iii) for the second excited state.

1+1+1

$L$  দৈৰ্ঘ্যেৰ একটি একমাত্ৰিক বাক্সে আবদ্ধ কণাৰ  $0.4 L$  ও  $0.6 L$ -এৰ মধ্যে থাকাৰ সম্ভাবনা নিৰ্ণয় কৰ  
(i) ভূমিকৰে, (ii) পথম উত্তেজিত স্তৱে, (iii) দ্বিতীয় উত্তেজিত স্তৱে।

এতটা  $0.4 L$  দেখি  $0.6 L$  ভিন্ন লম্বাৰ্ড ভাইকো 1D বাক্সস্পিৰ এতটা কণলাঈ পাউন সকিনে probability খোজনুহোস ;

- (i) Ground state কো নিম্নি
- (ii) First excited state
- (iii) Second excited state

- (c) Explain why the minimum energy for a particle in a box cannot be zero.

3

একমাত্রিক বাস্তে আবদ্ধ কণার ক্ষেত্রে সর্বনিম্ন শক্তির মান শূন্য হতে পারে না — ব্যাখ্যা কর।

এতটা বাক্সভিত্তি ভাবে কণাকে কম সে কম উজ্জ্বল কিন শূন্য হুন সকলেন ?

9. (a) Write down the Schrödinger's equation for hydrogen atom in spherical polar coordinates.

2

স্ফেরিকাল পোলার কোণার্ডিনেটে হাইড্রোজেন পরমাণুর ক্ষেত্রে শ্রোডিংগার ইকুয়েশনটি লেখ।

Spherical polar coordinate মা hydrogen অণুকে নিম্নি Schrödinger কে সমীকরণ লেভুহোস।

- (b) What are the quantum numbers for the hydrogen atom? What values can these quantum numbers assume?

2+2

হাইড্রোজেন অ্যাটমের জন্য কোয়ান্টাম নাম্বারগুলি কী কী ? তাদের আনুমানিক মানগুলি লেখ।

এতটা hydrogen অণুকে নিম্নি quantum number হস্ত কে কে হুন ? যী number হস্তলে কুন মান লিন সকল ?

- (c) Explain the term degeneracy.

2

ডিজেনারেশি শব্দটি ব্যাখ্যা কর।

Degeneracy কো বৰ্ণন গৰ্নুহোস্ব।

- (d) Discuss about the zero point energy of linear harmonic oscillator.

2

একটি সরলরেখিক দোলকের জিরো পয়েন্ট এনার্জি সম্বন্ধে আলোচনা কর।

Linear harmonic oscillator কো zero point energy কো বৰ্ণন গৰ্নুহোস্ব।

10. Describe Stern-Gerlach experiment with necessary theory. Can Stern-Gerlach experiment be performed with ions rather than neutral atoms?

8+2

প্রয়োজনীয় তত্ত্বসহ স্টার্ন ও গারল্যাকের পরীক্ষাটি বৰ্ণনা কর। স্টার্ন-গারল্যাকের পরীক্ষাটি কি আধানহীন পরমাণুর পরিবর্তে আয়ন দ্বারা করা সম্ভব ?

জৰুরী সিদ্ধান্ত সহিত Stern-Gerlach কো পরিক্ষণকো বৰ্ণন গৰ্নুহোস। Neutral atom কো সদ্বামা ions চলাএর কে Stern-Gerlach কো পরিক্ষণ সম্ভব ছ ?

—————x—————