



**UNIVERSITY OF NORTH BENGAL**  
B.Sc. Programme 2nd Semester Examination, 2023

**DSC1/2/3-P2-PHYSICS**

Time Allotted: 2 Hours

Full Marks: 40

**GROUP-A / বিভাগ-ক / समूह-क**

1. Answer any *five* questions from the following: 1×5 = 5
- নিম্নলিখিত যে-কোন পাঁচটি প্রশ্নের উত্তর দাওঃ  
তল দিইএকা কুনৈ পাঁচ প্রশ্নসমূহকো উত্তর লেখ্জুহোস্ক :
- (a) State the Gauss' divergence theorem. 1  
Gauss' divergence উপপাদ্যটি লেখ।  
গজকো divergence কো সিদ্ধান্ত ব্যাখ্যা কৰ।
- (b) Justify whether  $\vec{E} = y^2\hat{i} + (2xy + z^2)\hat{j} + 2yz\hat{k}$  represents an electrostatic field. 1  
 $\vec{E} = y^2\hat{i} + (2xy + z^2)\hat{j} + 2yz\hat{k}$ , একটি স্থিরতড়িৎকে উপস্থাপন করে কিনা দেখাও।  
 $\vec{E} = y^2\hat{i} + (2xy + z^2)\hat{j} + 2yz\hat{k}$  লে এটা electrostatic field দর্শাও ? সিদ্ধ গর্নুহোস।
- (c) Find the dimension of electric displacement vector  $\vec{D}$ . 1  
'Electric displacement' ভেক্টর  $\vec{D}$ -এর মাত্রা নির্ণয় কর।  
Electric displacement vector ( $\vec{D}$ ) কো আয়াম খোজ্জুহোস।
- (d) "Electric field inside a metal is zero" — Explain. 1  
"পরিবাহীর অভ্যন্তরে তড়িৎ প্রাবল্যের মান শূন্য" — ব্যাখ্যা কর।  
"এটা ধাতুকো ভিত্তি electric field শূন্য হুন্ত" ব্যাখ্যা গর্নুহোস।
- (e) State the physical significance of the equation  $\vec{\nabla} \cdot \vec{B} = 0$ , where  $\vec{B}$  denotes the magnetic field. 1  
 $\vec{\nabla} \cdot \vec{B} = 0$  সমীকরণটির ভৌত তাত্পর্য লেখ যেখানে  $\vec{B}$  চৌম্বক প্রাবল্য বোঝায়।  
 $\vec{\nabla} \cdot \vec{B} = 0$  সমীকরণকো ভৌতিক মহত্ব ব্যাখ্যা কৰ।

- (f) Define mutual inductance of a coil.

1

কুণ্ডলীর পারম্পরিক আবেশাক বলতে কী বোঝায় ?

এতটা তারকো mutual inductance পরিভাষিত গর্নুহোস।

- (g) Write down the value of
- $\frac{\vec{E}}{\vec{B}}$
- in free space, where
- $\vec{E}, \vec{B}$
- represents the electric and magnetic field, respectively.

1

শূন্যস্থানে  $\frac{\vec{E}}{\vec{B}}$ -এর মান লেখ যেখানে  $\vec{E}, \vec{B}$  তড়িৎপ্রাবাল্য এবং চৌম্বক প্রাবল্যকে সংজ্ঞায়িত করে।

এতটা খালী ঠাউঁমা  $\frac{\vec{E}}{\vec{B}}$  কো মান লেখনুহোস। জহাঁ  $\vec{E}, \vec{B}$  ভন্নালৈ বিদ্যুতীয় অনি চুম্বকীয় ক্ষেত্র বৃঞ্জিন্চ।

- (h) Give an example of ferromagnetic substance.

1

একটি অয়চ্ছেম্বক পদার্থের উদাহরণ লেখ।

Ferromagnetic পদার্থকো এতটা উদাহরণ দিনুহোস।

### GROUP-B / বিভাগ-খ / সমূহ-খ

**Answer any three questions from the following**

$5 \times 3 = 15$

নিম্নলিখিত ঘে-কোন তিনটি প্রশ্নের উত্তর দাও

তল দিইএকা কুনৈ তীন প্রশ্নহীনকো উত্তর লেখনুহোস

2. (a) Let  $\phi = x^2yz - 4xyz^2$ . Find the directional derivative of  $\phi$  at point  $P(1, 3, 1)$  in the direction  $2\hat{i} - \hat{j} - 2\hat{k}$ .

2

ধৰ,  $\phi = x^2yz - 4xyz^2 + 2\hat{i} - \hat{j} - 2\hat{k}$ -এর দিকে  $P(1, 3, 1)$  বিন্দুতে  $\phi$ -এর দিকসূচক অবকলন নির্ণয় কৰ।

যদি  $\phi = x^2yz - 4xyz^2$  ভए, কুনৈ এতটা বিন্দু  $P(1, 3, 1)$  মা  $2\hat{i} - \hat{j} - 2\hat{k}$  কো দিশাতির  $\phi$  কো directional derivative কো মান খোজনুহোস।

- (b) The electric field  $\vec{E}$  relates to scalar potential  $V$  with the expression  $\vec{E} = \vec{\nabla}V$ . Find out the scalar potential  $V$  at a point where the electric field is expressed as  $\vec{E} = (y \sin z - \sin x)\hat{i} + (x \sin z + 2yz)\hat{j} + (xy \cos z + y^2)\hat{k}$ .

3

$\vec{E}$  তড়িৎক্ষেত্র  $V$  বিভবের সাথে  $\vec{E} = \vec{\nabla}V$  সম্বন্ধ দ্বারা সম্পর্কিত। যেই বিন্দুতে তড়িৎক্ষেত্রের রাশিমালা  $\vec{E} = (y \sin z - \sin x)\hat{i} + (x \sin z + 2yz)\hat{j} + (xy \cos z + y^2)\hat{k}$ , সেই বিন্দুতে বিভব নির্ণয় কৱ।

$\vec{E} = \vec{\nabla}V$  লে এতটা বিদ্যুতীয় ক্ষেত্র  $\vec{E}$  লাঈ কুনৈ অদৈশিক পোটেনশিয়ল  $V$  সিত সম্বন্ধিত গৰ্ত। যদি  $\vec{E} = (y \sin z - \sin x)\hat{i} + (x \sin z + 2yz)\hat{j} + (xy \cos z + y^2)\hat{k}$  ভए অদৈশিক potential  $V$  কো কুনৈ এতটা বিন্দুমা মান খোজনুহোস।

3. (a) State and explain Faraday's laws of electromagnetic induction. 3

ফ্যারাডের সূত্রগুলি বিবৃত ও ব্যাখ্যা কর।

Electromagnetic induction মা Faraday কো নিয়ম ব্যাপকভাবে বর্ণন গর্নুহোস।

- (b) Show that the energy required to build up a current  $I$  in a circuit of self inductance  $L$  is  $\frac{1}{2}LI^2$ . 2

দেখাও যে  $L$  স্বাবেশ বিশিষ্ট একটি বর্তনীতে  $I$  তড়িৎপ্রবাহ তৈরী করতে প্রয়োজনীয় শক্তি হল  $\frac{1}{2}LI^2$ ।

এতো self inductance  $L$  ভেক্টরে সক্রিয় ‘ $I$ ’ করেন্টকো উত্পন্ন গর্নকো নিমিত্ত  $\frac{1}{2}LI^2$  মানকো শক্তিকো আবশ্যকতা পর্য ভনী প্রমাণ গর্নুহোস।

4. (a) A positive charge of  $q_1 = 2 \times 10^{-7}$  C is placed at a distance of 0.15 m from another positive charge of  $q_2 = 8 \times 10^{-7}$  C. At what point on the line joining them is the electric field zero? 2

একটি ধনাত্মক আধান  $q_1 = 2 \times 10^{-7}$  C অপৱ একটি ধনাত্মক আধান  $q_2 = 8 \times 10^{-7}$  C থেকে 0.15 m দূৰত্বে বসানো হল। আধান দুটিৰ মধ্যবর্তী কোন বিন্দুতে তড়িৎক্ষেত্ৰ শূন্য হবে ?

এতো  $q_1 = 2 \times 10^{-7}$  C বৰাবৰকো সকারাত্মক চাৰ্জ লাঈ অৰ্কে  $q_2 = 8 \times 10^{-7}$  C বৰাবৰকো সকারাত্মক চাৰ্জ দেখি 0.15 m কো দূৰীমা রাখিএকো ছ। ত্যস দুই চাৰ্জহৰুকো জোড়নে রেখাকো কুন বিন্দুমা বিদ্যুতীয় ক্ষেত্ৰবলকো মান শূন্য হুন্ত ?

- (b) ABCD is a square of 4 cm side. Charges of  $16 \times 10^{-9}$  C,  $-16 \times 10^{-9}$  C and  $32 \times 10^{-9}$  C are placed at the points A, C and D respectively. Find the intensity of the electric field at point B. 3

ABCD একটি 4 cm বাছবিশিষ্ট বৰ্গক্ষেত্ৰ।  $16 \times 10^{-9}$  C,  $-16 \times 10^{-9}$  C এবং  $32 \times 10^{-9}$  C আধানসমূহ যথাক্রমে A, C এবং D বিন্দুতে স্থিত। B বিন্দুতে তড়িৎক্ষেত্ৰ প্ৰাৰম্ভ নিৰ্ণয় কৰ।

ABCD এতো 4 cm ভুজা ভেক্টৰে বৰ্গ হো। যদি যসকো A, C, D বিন্দুহৰুমা  $16 \times 10^{-9}$  C,  $-16 \times 10^{-9}$  C অনি  $32 \times 10^{-9}$  C বৰাবৰকো চাৰ্জহৰু ক্ৰমশ রাখিএ, বিন্দু ‘B’ মা বিদ্যুতীয় ক্ষেত্ৰবলকো মান খোজনুহোস।

5. (a) Find the capacitance of two concentric spherical metal shells with radius  $a$  and  $b$  ( $b > a$ ), where the outer shell is grounded. 3

দুটি সমকেন্দ্ৰিক  $a$  ও  $b$  ব্যাসাৰ্ধের ( $b > a$ ) গোলাকাৰ ধাতব খোলকেৱ ধাৰকত্ব নিৰ্ণয় কৰ। যেখানে বহিষ্ঠ খোলকটি ভূ-সংলগ্ন।

অৰ্ধব্যাস  $a$  অনি  $b$  ( $b > a$ ) ভেক্টৰে দুই গোলাকাৰ ধাতুকো এতো বিন্দুমা কেন্দ্ৰিত ভেক্টৰে shell হৰু জহাঁ বাহিৰকো shell লাঈ grounded গৱিএকো ছ, ত্যসকো capacitance কো মান খোজনুহোস।

- (b) How much energy is stored within a parallel plate capacitor? 2  
 समान्तराल पात धारके कि परिमाण शक्ति संधित थाके ?  
 एउटा समानन्तर प्लेटको capacitor मा कति उर्जा स्टोर भएको हुन्छ ?
6. (a) Write down the Maxwell's equations in a non-conducting medium. 2  
 अपरिवाही माध्यमे म्याक्सिओयेलेर समीकरणगुलि लेख।  
 एउटा गैर सञ्चालन माध्यममा Maxwell को समीकरण लेख्नुहोस।
- (b) Starting from Maxwell's equations, establish the equation of continuity of EM fields. 2  
 म्याक्सिओयेलेर समीकरण थेके शुरू करे तडिंचूम्बकीय क्षेत्रेर धारावाहिकतार समीकरणटि प्रतिष्ठा कर।  
 Maxwell को समीकरणको सहायता लिएर एउटा electromagnetic field को continuity को समीकरण निकाल्नुहोस।
- (c) What is the dimension of Poynting vector? 1  
 पयोन्टिं डेंसिटीको मात्रा कि ?  
 Poynting vector को आयाम के हुन्छ ?

**GROUP-C / विभाग-ग / समूह-ग****Answer any two questions from the following**

10×2 = 20

निम्नलिखित ये-कोन दृष्टि प्रश्नेर उत्तर दाओ

तल दिइएका कुनै दुइ प्रश्नहरूको उत्तर लेख्नुहोस

7. (a) A conducting spherical shell of radius ' $R$ ' has a uniform surface charge density ' $\sigma$ '. Find the expression of an electric field at a point situated at  
 (i) inside and  
 (ii) outside the spherical shell.  
 एकटि ' $R$ ' व्यासार्थेर गोलकीय खोलके सुषम पृष्ठीय आधान घनत्व  $\sigma$  वर्तमान। खोलकटिर भेत्रेर एवं बाहिरे तडिंप्रावल्येर मान निर्णय कर।  
 एउटा अर्द्धव्यास ' $R$ ' भएको गोलाकार चालक shell को uniform surface charge density ' $\sigma$ ' छ। तलदिइएका बिन्दुहरूमा विद्युतीय क्षेत्रबलको समीकरण खोज्नुहोस।  
 (i) shell को भित्र अनि  
 (ii) shell को बाहिर।

- (b) Plot the electric field profile of the above problem as a function of radial distance ' $r$ '. 2  
 उपरै उल्लिखित समस्या थेके आफु तडिंप्रावल्यके रेडियाल दूरत्व ' $r$ '-एर साथे चित्रायित कर।  
 माथि दिइएका प्रश्नमा विद्युतीय क्षेत्रबलको पाञ्चवित्र radial distance ' $r$ ' को अनुरूप चित्रित गर्नुहोस।

- (c) Given the potential function  $V = 2x + 4y$  Volt in free space, find the stored energy in a unit  $\text{m}^3$  volume centered at the origin. 3

शून्यस्थाने विभव फांशनेर मान  $V = 2x + 4y$  भोल्ट। मूलबिन्दुते अवस्थित एकक  $\text{m}^3$  आयतने संषित शक्तिर मान निर्णय कर।

एउटा खुला क्षेत्रमा potential  $V = 2x + 4y$  Volt को मान दिइएको छ। एउटा एक  $\text{m}^3$  बराबरको आयतनमा संरक्षित उर्जाको मान खोज्नुहोस।

8. (a) State the Biot-Savart's law. Determine an expression for magnetic field at a point 'P' located at a distance  $x$  from the middle of the straight current carrying wire of finite length '2L'. What will be the expression of magnetic field if  $L \rightarrow \infty$ ? 1+3+1

बायो-साभार्टेर सूत्रिति बिबृत कर। '2L' दैर्घ्येर एकटि समीम ऋजु तडिंबाही तारेर मध्यबिन्दु थेके  $x$  दूरत्वे  $P$  बिन्दुते चौम्बकक्षेत्रेर राशिमाला निर्णय कर। यदि  $L \rightarrow \infty$  हय ताहले चौम्बकक्षेत्रेर राशिमाला कि हवे ?

Biot-Savart को नियम बताउनुहोस। एउटा सिमित लम्बाई  $2L$  भएको सोजो तारमा विद्युतको प्रवाह भइरहेको भए यस देखि 'x' को दुरीमा भएको एउटा बिन्दु 'P' मा चुम्बकीय क्षेत्रबलको समीकरण खोज्नुहोस।  $L \rightarrow \infty$  हुदाँ त्यस समीकरणको मान कस्तो हुन्छ ?

- (b) Two parallel and long straight conductors are kept at 18 cm apart. Steady currents of 8 A and 12 A flow through each of them in the same direction. Determine the perpendicular distance from any of the conductors where the magnetic field value is zero. 3

दुटि समान्तराल दीर्घ ऋजु परिवाही परम्परेर थेके 18 cm दूरे राखा आছे। परिवाही दुटिर मध्ये 8 A ओ 12 A मानेर छिर प्रवाह समदिके प्रवाहित हच्छे। येकोन एकटि परिवाही थेके ये लम्बदूरत्वे चौम्बकक्षेत्र शून्य हवे सेहि दूरत्वाटि निर्णय कर।

दुइवटा समानन्तर लामो चालकहरूलाई 18 cm को दुरीमा राखियो। ती दुई चालकहरूमा 8 A अनि 12 A बराबरको Steady current एउटा दिशतिर प्रवाह हुन्छ। कुनै एउटा चालक देखि चुम्बकीय क्षेत्र शून्य भएको बिन्दुमाझको perpendicular दूरीको मान खोज्नुहोस।

- (c) What type of magnetic material is chosen for permanent magnet and why? 2

चिरस्थायी चुम्बकेर जन्य कि धरनेर चौम्बक पदार्थ निर्वाचन करा हय एवं केन ?

एउटा स्थायी चुम्बक बनाउन कस्तो पदार्थको प्रयोग गरिन्छ ? किन ?

9. (a) Find the value of  $\vec{\nabla} \cdot (r^n \vec{r})$ , where  $\vec{r} = xi\hat{i} + yj\hat{j} + zk\hat{k}$ . Find the value of  $n$  for which  $(r^n \vec{r})$  is solenoidal. 4+2

$\vec{\nabla} \cdot (r^n \vec{r})$ -एर मान निर्णय कर। येथाने,  $\vec{r} = xi\hat{i} + yj\hat{j} + zk\hat{k}$ ।  $n$ -एर ये मानेर जन्य  $(r^n \vec{r})$  सलिनयेडाल ता निर्णय कर।

यदि  $\vec{r} = xi\hat{i} + yj\hat{j} + zk\hat{k}$  भए  $\vec{\nabla} \cdot (r^n \vec{r})$  को मान खोज्नुहोस।  $r^n \vec{r}$  solenoid हुदाँ  $n$  को मान खोज्नुहोस।

- (b) Evaluate  $\iint \vec{r} \cdot \hat{n} ds$  over the unit cube defined by  $x = 0, y = 0, z = 0$  and  $x = 1, y = 1, z = 1$ , where the symbols have usual meaning. 2

$x = 0, y = 0, z = 0$  এবং  $x = 1, y = 1, z = 1$  দ্বারা আবদ্ধ একক ঘনকের ক্ষেত্রে  $\iint \vec{r} \cdot \hat{n} ds$  -  
এর মান নির্ণয় কর, যেখানে চিহ্নগুলি প্রচলিত অর্থ বহন করে।

$x = 0, y = 0, z = 0$  অনি  $x = 1, y = 1, z = 1$  লে পরিভাষিত এটা ঘনাকার কো  $\iint \vec{r} \cdot \hat{n} ds$  কো  
মূল্যাকন গর্নুহোস। জহাঁ সকেত হরুকো সামান্য অর্থ হুন্ছ।

- (c) Prove that the curl of the gradient of a scalar is always zero. 2

প্রমান কর যে, একটি ক্ষেত্রের গ্রাফিয়ান্টের কার্ল সর্বদা শূন্য।

Curl of the gradient of a scalar সঁধৈ শূন্য হুন্ছ ভনী প্রমাণিত গর্নুহোস।

- 10.(a) Distinguish between dia-, para- and ferromagnetic substances. 5

তিরশ্চোম্বক, পরাচোম্বক ও অয়শ্চোম্বক পদাৰ্থের মধ্যে পাৰ্থক্য কৰ।

Dia-, para- অনি ferromagnetic পদাৰ্থহৰুমা ভিন্নতা বতাউনুহোস।

- (b) Using Maxwell's equations show that light is an electromagnetic wave. 5

ম্যাক্সওয়েলের সমীকৰণগুলি ব্যবহার কৰে দেখাও যে, আলো একটি তড়িৎচুম্বকীয় তরঙ্গ।

Maxwell কো সমীকৰণকো সহায়তা লিএৰ প্ৰকাশ এটা electromagnetic তরং হো ভনী প্ৰমাণ  
গৰ্নুহোস।

—x—